

ΥΠΟΔΕΙΓΜΑΤΙΚΑ ΛΥΜΕΝΟ ΘΕΜΑ ΕΞΕΤΑΣΕΩΝ ΦΡΑΓΜΑ ΠΕΡΙΘΛΑΣΗΣ

Φοιτητής εκτελεί πείραμα συμβολής εκ τριών σχισμών με φωτεινή πηγή μήκους κύματος $\lambda=600\text{ nm}$ η οποία βρίσκεται σε απόσταση 4 m από οθόνη ολικού εύρους 6 m . Ο φοιτητής παρατηρεί ότι καθώς σαρώνει την οθόνη πέραν του κεντρικού μεγίστου, το 3° δευτερεύον μέγιστο ελλείπει, ενώ ακριβώς στα άκρα της οθόνης εμφανίζονται πρωτεύοντα μέγιστα. Αν όλα τα πρωτεύοντα μέγιστα στην οθόνη είναι 13, να βρεθεί

- A) Αν ελλείπουν πρωτεύοντα μέγιστα.
 B) Πόσο είναι το εύρος της σχισμής
 Γ) Πόση η απόσταση των σχισμών;

Λύση

$N=3$
 $\lambda=600\text{ nm}$
 $D=4\text{ m}$
 $l=6\text{ m}$

$d \sin \theta = m \lambda$
 $2a \sin \theta = m \lambda$
 $a \sin \theta = \frac{m \lambda}{2}$

$\theta = 6^\circ$ κύριο max
 $\theta = 5^\circ$ κύριο max
 $\theta = 4^\circ$ κύριο max
 $\theta = 3^\circ$ κύριο max
 $\theta = 3^\circ$ δευτερεύον max
 $\theta = 2^\circ$ κύριο max
 $\theta = 2^\circ$ δευτερεύον max
 $\theta = 1^\circ$ κύριο max
 $\theta = 1^\circ$ δευτερεύον max
 κεντρικό max

$\frac{a \sin \theta}{\lambda} = \frac{m}{2}$
 $\frac{a \sin 6^\circ}{600} = \frac{m}{2}$
 $a \sin 6^\circ = 300m$
 $a = \frac{300m}{\sin 6^\circ}$
 $a = \frac{300 \cdot 3}{\sin 6^\circ}$
 $a = \frac{900}{\sin 6^\circ}$
 $a = 200\text{ nm}$

A)

Πρωτεύοντα μέγιστα εμφανίζονται σε > θέσει: $d \sin \theta = n \lambda$ @ $n = 0, 1, 2, \dots$
 ενώ $N - \Sigma = 3 - 2 = 1$ δευτερεύον μέγιστο εμφανίζεται μεταξύ
 δύο πρωτεύοντων μεγίστων.
 Επομένως το 3^ο δευτερεύον μέγιστο βρίσκεται μεταξύ 2^{ου} και 3^{ου}
 κύριου μεγίστου, οπότε: $d \sin \theta = \frac{5}{2} \lambda$ (1)

Επειδή αυτό είναι ^{το πρώτο} ελλείπον μέγιστο παρατηρείται σ' αυτό το 1^ο ελάχιστο
 περιθώριο. Δηλαδή: $b \sin \theta = \lambda$ ($m=1$). (2)

Άρα: $\frac{|2|}{|3|} \sim \frac{d}{b} = \frac{5}{2}$ (1)

Τα ελάχιστα περιθώρια είναι: $b \sin \theta = m \lambda$ $m = 1, 2, \dots$ (2)

Οπότε για να ελλείπουν πρωτεύοντα μέγιστα, σύμφωνα με το
 (1) και (2) πρέπει να ισχύει:

$$\frac{|1|}{|3|} \sim \frac{d}{b} = \frac{n}{m} \xrightarrow{(1)} \frac{n}{m} = \frac{5}{2} \rightarrow m = \frac{2}{5} n$$

Επειδή τα n, m πρέπει να είναι ακέραιοι βλέπουμε ότι το 1^ο
 ελλείπον πρωτεύον μέγιστο είναι για $n=5$ όπου $m = \frac{2}{5} \cdot 5 \rightarrow$
 \rightarrow $m=2$. Δηλαδή ελλείπει το 5^ο πρωτεύον μέγιστο, το οποίο
 αποτελεί το 2^ο ελάχιστο περιθώριο. Αφού όλα τα πρωτεύοντα
 μέγιστα στην οδόση είναι 13, δεν υπάρχει άλλο ελλείπον
 πρωτεύον μέγιστο.

Συγγραφή – Επιμέλεια: Παναγιώτης Φ. Μοίρας

β) Το 6° ηρώσεως φίλτρο σε $\lambda = 600 \text{ nm}$ οδούσε αντιστοιχεί
 σε γωνία: $\tan \theta = \frac{\lambda/2}{D} \Rightarrow \tan \theta = \frac{3}{4} \rightarrow \theta = \tan^{-1}(0,75) \rightarrow \theta \approx 37^{\circ}$

και για $n=6$ η (1) δίνει: $d \sin \theta = 6 \lambda$ (6)

$\rightarrow d \sin 37^{\circ} = 6 \lambda \rightarrow d = \frac{6 \lambda}{\sin 37^{\circ}} = \frac{6 \lambda}{0,6} = 10 \lambda = 10 \cdot 600 \text{ nm} = 6000 \text{ nm}$

$\rightarrow d = 6000 \text{ nm} \rightarrow \boxed{d = 6 \mu\text{m}}$

γ) Το εύρος των οχρήτων σύμφωνα με τη σχέση (4) είναι:

$b = \frac{2}{5} d = \frac{2}{5} \cdot 6 \mu\text{m} \rightarrow \boxed{b = 2,4 \mu\text{m}}$

Συγγραφή – Επιμέλεια: Παναγιώτης Φ. Μοίρας